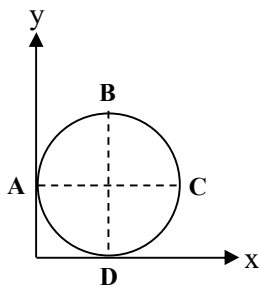


**حرکت بر روی خط راست:** یکی از ساده ترین نوع حرکتها می باشد که متحرک فقط در یک بُعد، مثلاً محور X ها یا محور Y ها حرکت می کند. مانند: حرکت اتومبیل در جاده افقی و مستقیم و یا سقوط جسمی از بالا به پایین.

**مسافت:** طول مسیر طی شده مسافت نامیده می شود که یک کمیت نرده ای است، در کتاب مسافت را با  $l$  نمایش میدهند

**بردار جابجایی:** برداری است که از موقعیت اولیه به موقعیت ثانویه رسم می شود و به عبارت دیگر کوتاهترین فاصله بین دو مکان می باشد. در کتاب جابجایی را با  $\vec{d}$  (یا  $\Delta x$ ) نمایش میدهند. بطور مثال اگر شناگری طول استخری را شنا کند و به مکان اول برگردد، مسیر طی شده دو برابر طول استخر است، ولی جابجایی آن صفر است.

**مثال:** شکل مقابل مسیر دایره ای متحرکی را در صفحه نشان می دهد، که شعاع دایره  $10\text{m}$  است، مسافت طی شده و جابجایی را بین نقاط AB و AC و AD و یک دور کامل نشان دهید.



**حرکت یکنواخت:** به حرکتی گفته می شود که متحرک روی خط راست با سرعت ثابت (اندازه و جهت) حرکت می کند. به عبارت دیگر در زمانهای مساوی جابجایی های یکسان دارد.

**معادله حرکت (معادله مکان - زمان):** به معادله ای گفته می شود که موقعیت متحرک را نسبت به زمان نشان میدهد، و از نظر ریاضی می توان گفت، مکان را بصورت تابعی از زمان بیان می کند.

$$x = vt + x_0$$

**معادله حرکت یکنواخت:** معادله این حرکت، یک معادله درجه یک  $x$  (مکان)

نسبت به  $t$  (زمان) است و نمودار آن خطی است.

$$x = \text{مکان متحرک نسبت به مبدأ بر حسب } m \quad v = \text{سرعت متحرک بر حسب } m/s$$

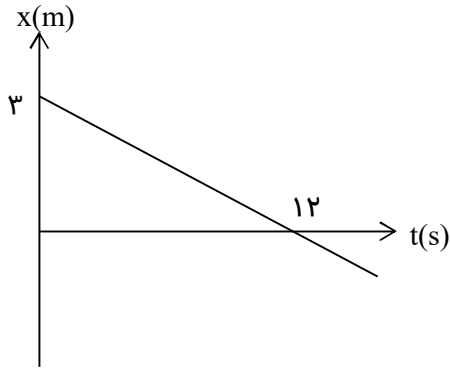
$$x_0 = \text{مکان متحرک نسبت به مبدأ در لحظه } t = 0 \text{ (مکان اولیه)} \quad t = \text{زمان بر حسب } s$$

**مثال:** متحرکی با سرعت ثابت  $3\text{ m/s}$  در حال حرکت است، و در لحظه  $t = 0$  به اندازه  $12\text{ m}$  قبل از مبدأ است. معادله حرکت آن را بنویسید و محاسبه کنید در چه لحظه ای از مبدأ گذشته است.

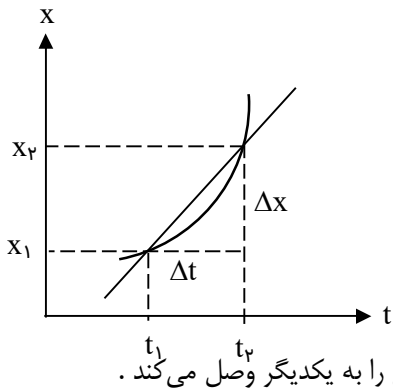
**نمودار مکان - زمان:** به نموداری گفته می شود که برای توصیف حرکت بکار می رود و محور قائم آن نشاندهنده مکان  $(x)$ ، و محور افقی آن نشاندهنده زمان  $(t)$  است. (در این نمودارها مختصات رسم شده ربع دوم و سوم ندارد (?))

**مثال:** نمودار مکان - زمان مثال قبل را رسم کنید.

**مثال:** معادله حرکت نمودار زیر را بنویسید.



**سوال:** سرعت منفی چه مفهومی دارد؟



**سرعت متوسط:** نسبت جابجایی به زمان جابجایی را سرعت متوسط می‌گویند،

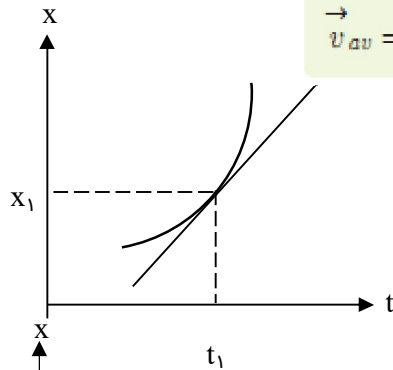
که با نماد  $\bar{v}$  یا  $\bar{V}_{av}$  نمایش می‌دهند.

حرکت یک بعدی ← 
$$\bar{V}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

از نظر ریاضی سرعت متوسط، شیب خطی است که دو نقطه از نمودار مکان - زمان را به یکدیگر وصل می‌کند.

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} \quad \text{(تندی متوسط)}$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \quad \text{(سرعت متوسط)}$$



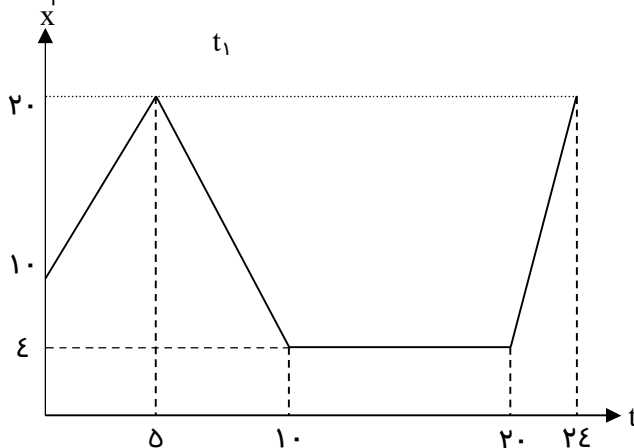
**سرعت لحظه‌ای:** سرعت متحرک در هر لحظه را سرعت لحظه‌ای می‌گویند، و از نظر

ریاضی، شیب خطی است که در یک نقطه به نمودار مکان - زمان مماس می‌شود.

☺ در حرکت یکنواخت سرعت متوسط و لحظه‌ای با هم برابرند.

**مثال:** با توجه به نمودار مقابل موارد زیر را پاسخ دهید:

الف) جدول زیر را کامل کنید.



$\Delta t$	$\Delta x$	$\bar{v}$
۵-۰		
۱۰-۵		
۲۰-۱۰		
۲۴-۲۰		

- (ب) در چه بازه‌های زمانی جابجایی صفر است؟  
 (د) بیشترین سرعت مربوط به کدام بازه زمانی است؟  
 (ج) جابجایی کل متحرک چند متر است؟

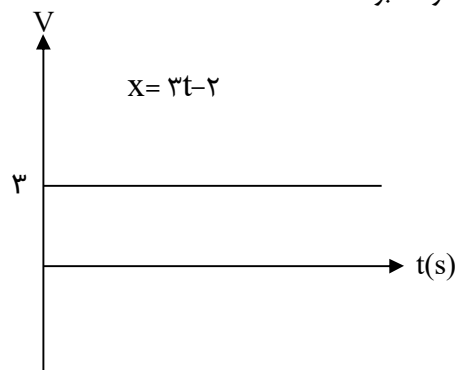
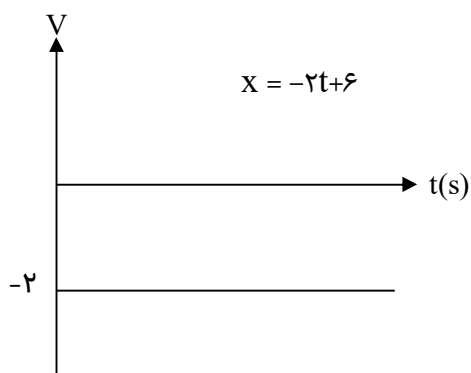
**مثال:** متحرکی با سرعت ثابت  $4 \text{ m/s}$  در حال حرکت است، و در لحظه  $t = 3 \text{ s}$  به اندازه  $12 \text{ m}$  جلوتر از مبدأ است: الف) معادله حرکت آنرا بدست آورید.  
 ب) نمودار مکان - زمان آنرا رسم کنید.

**مثال:** متحرکی با سرعت ثابت در حال حرکت است، در ثانیه هشتم،  $5$  متر عقب تر از مبدأ و در ثانیه ششم،  $15$  متر بعد از مبدأ است:  
 الف) معادله حرکت آنرا بدست آورید.  
 ب) نمودار مکان - زمان آنرا رسم کنید.

**مثال:** متحرکی با سرعت ثابت در حال حرکت است در لحظه  $t_1 = 2 \text{ s}$  در فاصله  $3 \text{ m}$  مبدأ و در ثانیه  $t_2 = 5 \text{ s}$  در فاصله  $8 \text{ m}$  مبدأ است معادله حرکت را پیدا کنید و نمودار مکان - زمان آنرا رسم کنید.

**نمودار سرعت - زمان:** به نموداری گفته می‌شود که برای توصیف سرعت متحرک بکار می‌رود، که محور قائم آن سرعت (V) و محور افقی آن زمان (t) است.

در حرکت یکنواخت چون با گذشت زمان، سرعت تغییر نمی‌کند نمودار سرعت - زمان آن خطی موازی با محور زمان خواهد بود.



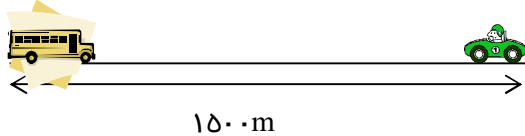
روش تبدیل Km/h به m/s و برعکس .

$$\left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)\left(\frac{۳۶}{۱۰}\right) = \left(\frac{\text{Km}}{\text{h}}\right) \quad \text{و} \quad \left(\frac{\text{Km}}{\text{h}}\right)\left(\frac{۱۰}{۳۶}\right) = \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$$

m/s	۵	۱۰	۱۵	۲۰	۲۵	۳۰
Km/h	۱۸	۳۶	۵۴	۷۲	۹۰	۱۰۸

با روابط بالا این تبدیلهای براحتی انجام می‌شود، برای سرعت دادن به محاسبات بعضی از تبدیلهای پر کاربرد در جدول مقابل آمده است :

**مثال :** متحرک A با سرعت ۱۸ Km/h و متحرک B در جهت مخالف با سرعت ۹۰ Km/h از فاصله ۱۵۰۰ m متری به



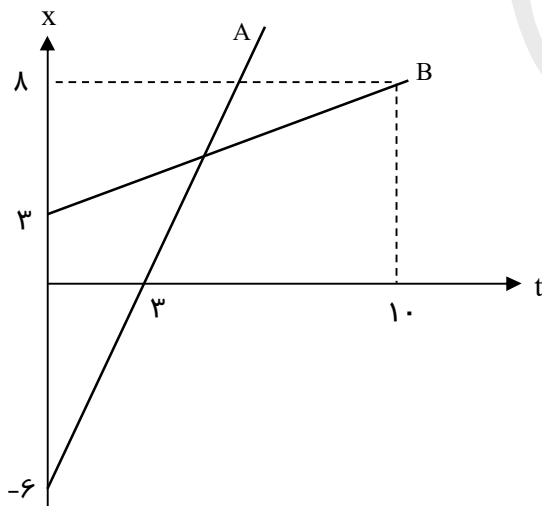
سمت یکدیگر حرکت می‌کنند ، پس از

چند ثانیه و پس از متر جابجایی از کنار یکدیگر عبور می‌کنند ؟

به معنی جابجایی است ، و در حرکت یکنواخت می‌توان به شکل مقابل آنرا بکار برد .

$$\Delta x = vt \quad \text{و} \quad \Delta x = x - x_0$$

**مثال :** اتومبیلی با سرعت ۱۸ m/s بدنبال اتومبیلی حرکت می‌کند که با سرعت ۱۲ m/s حرکت می‌کند اگر ۱۲۰ متر از یکدیگر فاصله داشته باشند پس از چند ثانیه به یکدیگر می‌رسند ؟ در این مدت هر یک چند متر جابجایی دارند ؟



**مثال :** نمودار مقابل مربوط به دو متحرک است که در یک مسیر

حرکت می‌کنند ، محاسبه کنید پس از چند ثانیه و در چه فاصله‌ای

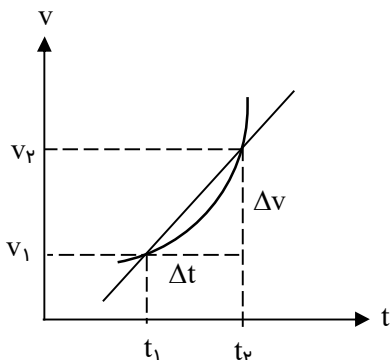
از مبدأ از کنار هم عبور می‌کنند ؟

در ابتدای حرکت متحرک B به اندازه ۹ m از A جلوتر است ، پس

از چند ثانیه متحرک A به اندازه ۹ m از B جلو می‌افتد ؟

**حرکت شتابدار بر روی خط راست (افق) :** حرکت شتابدار به حرکتی گفته می‌شود که ، در مدت حرکت سرعت متحرک تغییر کند و چون سرعت کمیتی برداری است تغییر جهت و یا اندازه سرعت سبب شتابدار شدن حرکت می‌شود .

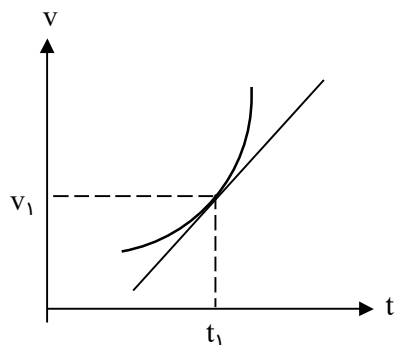
شتاب کمیته برداری است که آن را با نماد  $a$  نشان می‌دهند و واحد آن  $m/s^2$  (متر بر مجذور ثانیه) است.



### شتاب متوسط :

نسبت تغییرات سرعت به زمان تغییرات سرعت را شتاب متوسط می‌نامند و با نماد  $\bar{a}$  نشان می‌دهند. از نظر ریاضی به شیب خطی گفته می‌شود که دو نقطه از نمودار سرعت - زمان را به یکدیگر وصل می‌کند.

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$



### شتاب لحظه‌ای :

شتاب متحرک در هر لحظه را شتاب لحظه‌ای می‌گویند، و از نظر ریاضی، شیب خطی است که در یک نقطه به نمودار سرعت - زمان مماس می‌شود.

⌚ در نمودار سرعت - زمان اگر خطی موازی محور زمان باشد، به معنی حرکت یکنواخت است ( $a = 0$ ).

### روابط حرکت شتابدار با شتاب ثابت :

$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$	معادله مکان - زمان (معادله حرکت)
$v = at + v_0$	معادله سرعت - زمان
$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$	معادله مستقل از زمان
$\Delta x = \left(\frac{v + v_0}{2}\right)\Delta t$	معادله مستقل از شتاب

$X =$  مکان متحرک  $a =$  شتاب

$X_0 =$  مکان متحرک در لحظه  $t = 0$

$v_0 =$  سرعت اولیه  $t =$  زمان

$v =$  سرعت ثانویه

$\Delta x = x - x_0$  جابجایی

⌚ در مسایل به جای  $X$  می‌توان  $X_2$  و به جای  $X_0$

می‌توان از  $X_1$  استفاده کرد، و همچنین به جای  $v$  می‌توان  $v_2$  و به جای  $v_0$  می‌توان از  $v_1$  استفاده کرد.

⌚ در رابطه اول با بردن  $X_0$  به طرف دیگر رابطه  $\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$  را ساخت تا مستقیماً جابجایی را محاسبه کرد.

⌚ هرگاه جسم از حال سکون شروع به حرکت کند  $v_0 = 0$  و اگر متوقف شود  $v = 0$  است.

⌚ از رابطه چهارم می‌توان رابطه جدیدی برای سرعت متوسط در حرکت شتابدار

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{v + v_0}{2}$$

با شتاب ثابت را بدست آورد.

**مثال:** متحرکی از حال سکون شروع به حرکت می‌کند، و در مدت ۳s سرعت آن به ۶ m/s می‌رسد:

الف) شتاب آن را محاسبه کنید.

ب) جابجایی آن چقدر است؟

ج) نمودار سرعت - زمان آن را رسم کنید.

**مثال:** معادله حرکت متحرکی به صورت  $x = 4t^2 - t$  می‌باشد:

الف) سرعت متوسط آن را بین لحظات  $t_1 = 2s$  و  $t_2 = 4s$  حساب کنید.

ب) متحرک در چه لحظاتی از مبدأ عبور کرده است؟

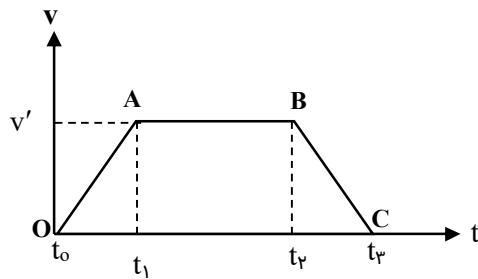
ج) معادله سرعت - زمان آنرا بنویسید.

**مثال:** اتومبیلی با سرعت  $72 \text{ Km/h}$  در حال حرکت است ناگهان مانعی می‌بیند و با شتاب  $2 \text{ m/s}^2$  ترمز می‌کند: الف) چند

ثانیه طول می‌کشد تا متوقف شود؟

ب) جابجایی آن از لحظه ترمز تا توقف چند متر است؟

ج) نمودار سرعت - زمان آنرا رسم کنید.

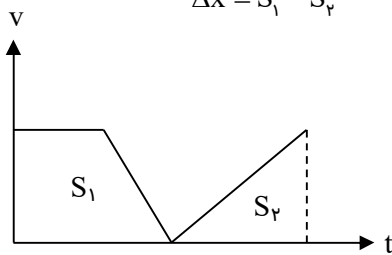


**مثال:** (حرکت دو ایستگاهی) با توجه به نمودار مقابل، حرکت

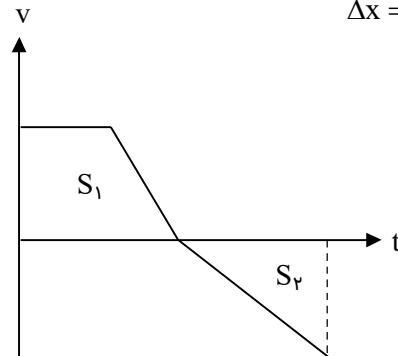
متحرک را در بازه‌های زمانی نشان داده شده توصیف کنید.

☞ مساحت زیر نمودار سرعت-زمان برابر جابجایی است، و اگر این مساحت زیر محور زمان باشد جابجایی منفی است.

$$\Delta x = S_1 - S_2$$



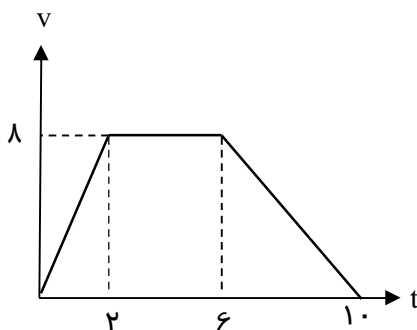
$$\Delta x = S_1 + S_2$$



**مثال:** با توجه به نمودار سرعت - زمان مقابل:

الف) سرعت متوسط متحرک را حساب کنید.

ب) سپس نمودار شتاب-زمان آنرا رسم کنید.



**مثال:** متحرکی از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از ۵ s، سرعت آن به  $15\text{m/s}$  می‌رسد، به مدت ۲۰ s با همین سرعت حرکت می‌کند و در آخر ترمز کرده و در مدت ۱۵ s سرعت خود را به  $10\text{m/s}$  می‌رساند: الف) متحرک چند نوع حرکت داشته است؟

- ب) نمودار سرعت - زمان آن را رسم کنید .  
 ج) شتاب هر مرحله از حرکت را حساب کنید .  
 د) جابجایی و سرعت متوسط آن را محاسبه کنید.

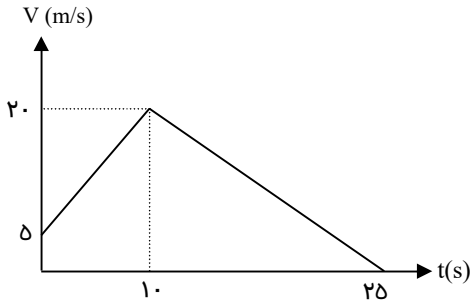
#### 🔗 تشخیص حرکت تندشونده و حرکت کند شونده .

اگر حاصل ضرب  $av$  مثبت باشد ( $av > 0$ ) حرکت تندشونده و اگر حاصل ضرب  $av$  منفی باشد ( $av < 0$ ) حرکت کند شونده است .

**مثال:** معادله سرعت - زمان متحرکی برابر  $v = 4t - 6$  است، تعیین کنید:

- الف) نمودار سرعت - زمان آن را برای ۴ s اول رسم کنید .  
 ب) در چه بازه‌هایی حرکت تند شونده و در چه بازه‌ای حرکت کند شونده است؟  
 ج) جابجایی آن در این مدت چند متر است؟

**مثال:** موتور سواری از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از طی ۶ متر سرعت آن به  $2\text{m/s}$  می‌رسد: الف) شتاب حرکت را محاسبه کنید . ب) مدت زمان این حرکت چند ثانیه بوده است؟ ج) نمودار سرعت زمان آنرا رسم کنید .

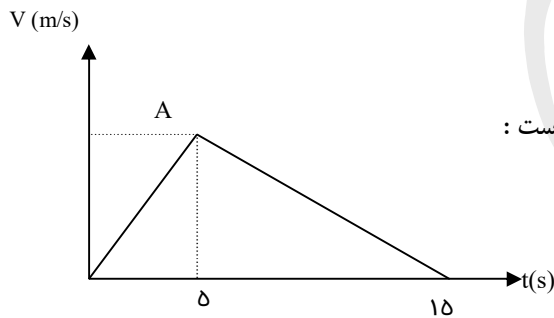


**مثال:** با استفاده از نمودار مقابل:

- الف) شتاب هر قسمت را محاسبه کنید.  
 ب) جابجایی متحرک در ۲۵ ثانیه چند متر است؟  
 ج) سرعت متوسط آن چند  $m/s$  است؟

**مثال:** موتور سواری با سرعت  $30 m/s$  در حال حرکت است مانعی می‌بیند و ترمز می‌کند و سرعت او بعد از  $5 s$  به  $10 m/s$  می‌رسد:

- الف) جابجایی او در این مدت چند متر بوده است؟  
 ب) نمودار سرعت - زمان او را رسم کنید.



**مثال:** نمودار مقابل مربوط به متحرکی است که  $75m$  جابجایی داشته است:

- الف) در نقطه  $A$  سرعت چقدر است؟  
 ب) شتاب هر مرحله را حساب کنید.  
 ج) در چه بازه ای حرکت کند شونده است؟ چرا؟

- مثال:** معادله حرکت متحرکی برابر  $x = 2t^2 - 5t$  است:  
 ب) سرعت متوسط آن بین ثانیه‌های ۲ و ۴ چقدر است؟  
 د) در چه لحظاتی از مبدأ عبور کرده است؟
- الف) معادله سرعت آنرا بنویسید.  
 ج) نمودار سرعت زمان آنرا رسم کنید.



**سقوط آزاد:** (حرکت شتابدار با شتاب ثابت در راستای قائم)

سقوط آزاد به حرکتی گفته می‌شود که جسم در شرایط خلأ در راستای قائم و فقط تحت تاثیر نیروی وزن خود (نیروی جاذبه زمین) حرکت کند، شتاب این حرکت برابر مقدار ثابت  $9.8 \text{ m/s}^2$  می‌باشد که برای راحتی  $g = 10 \text{ m/s}^2$  در نظر می‌گیریم.  $\hookrightarrow$  چون شتاب کمیته برداری است، و جهت  $g$  رو به پایین است مقدار آن همیشه منفی است. ( $a = -g$ )

$\hookrightarrow$  این حرکت حالت خاصی از حرکت‌های شتابدار با شتاب منفی است بنابراین روابط قبلی را با کمی تغییر می‌توانیم استفاده کنیم.

$$a \rightarrow -g \quad \text{و} \quad x \rightarrow y \quad \text{و} \quad v_0 = 0$$

$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$	$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0$	معادله مکان - زمان (معادله حرکت)
$v = at + v_0$	$v = -gt$	معادله سرعت - زمان
$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$	$v^2 = -2g\Delta y = -2g(y - y_0)$	معادله مستقل از زمان
$\Delta x = \left(\frac{v + v_0}{2}\right)\Delta t$	$\Delta y = \left(\frac{v}{2}\right)\Delta t$	معادله مستقل از شتاب

$\hookrightarrow$  در حل مسایل به عبارات کلیدی زیر دقت کنید:

$v_0 = 0$ ← اگر جسم رها شده باشد	$y_0 =$ ارتفاع اولیه
$\Delta y = y - y_0 = y_f - y_i$ جابجایی قائم	$y = 0$ ← زمین

**مثال:** از بالای یک ساختمان  $45 \text{ m}$  جسمی را رها می‌کنیم:

- الف) با چه سرعتی به زمین می‌رسد؟
- ب) پس از چند ثانیه به زمین می‌رسد؟
- ج) در چه ارتفاعی سرعت آن  $10 \text{ m/s}$  است؟

**مثال:** جسمی را از لبه‌ی پرتگاهی رها می‌کنیم در فاصله  $30$  متری سطح زمین سرعت آن  $20 \text{ m/s}$  می‌شود:

- الف) ارتفاع پرتگاه چقدر است؟
- ب) سه ثانیه پس از رها کردن جسم، در چه ارتفاعی قرار دارد؟
- ج) با چه سرعتی به زمین می‌رسد؟